



Hasso
Plattner
Institut

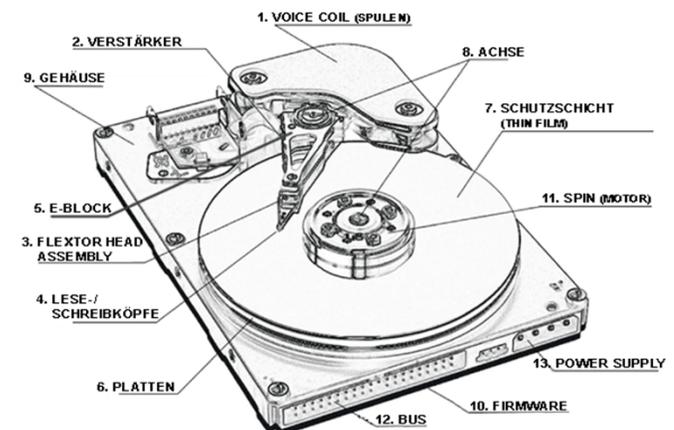
IT Systems Engineering | Universität Potsdam

Übung Datenbanksysteme II

Physische Speicherstrukturen

Leon Bornemann

Folien basierend auf
Thorsten Papenbrock,
Maximilian Jenders



2

- Übung
 - Leon Bornemann (Leon.Bornemann@hpi.de)

- Tutoren
 - Lukas Budach
 - Jonas Zimmermann

- Mailingliste
 - <Mailadresse wird ergänzt>
 - Hilfe zur Selbsthilfe: Fragen gegenseitig beantworten
 - Tutoren und Mitarbeiter lesen mit
 - Keine Email erhalten? -> Melden



3

- Abgabesystem
 - Abgabe *immer* in Zweiergruppen
 - Abgabe und Korrektur nur noch digital
 - Abgaben anderer Kurse bitte ignorieren
 - URL: <http://www.dcl.hpi.uni-potsdam.de/submit/>
 - Alle dort einmal für den Kurs DBS II eintragen
 - Anschließend Lösungen dort hochladen

- Besorgt euch Schlüssel :)

- Übungsthemen \neq Hausaufgabenthemen

- 4
- Allgemeine Hinweise
 - Lösungen immer begründen!
 - Seid Präzise (Niemand liest gerne lange Texte :))
 - Im Zweifel 1-2 Sätze mehr
 - Wenn ihr Annahmen trefft, schreibt diese klar hin und argumentiert knapp warum diese sinnvoll sind
 - Bei Rechenaufgaben
 - In der Klausur habt ihr keine Rechenhilfe → Kopfrechnen
 - (dementsprechend werden halbwegs vernünftige Zahlen herauskommen)
 - In den Übungsaufgaben ist das nicht immer der Fall
 - Rechentipps:
 - Nutzt Potenzen und kürzt Brüche: $512 / 64$ lässt sich in Exponentialform viel einfacher ausrechnen
 - „Komische Zahlen“ ruhig als Variablen benutzen

- 5
- Konkretes zu Übungen
 - Postgresql Installation wird benötigt
 - Es wird eine c/c++ Programmieraufgabe geben
 - Gerne jetzt schon Kenntnisse auffrischen
 - Abwesenheit im Januar
 - Geburt meines Sohnes :)
 - Vertretung: Tobias Bleifuß (tobias.bleifuss@hpi.de)

6

- Fragen?
 - Zum Organisatorischen?
 - Zum Übungszettel?
- Gebt kontinuierliches Feedback

Erinnerung: Dezimal- vs. Binär-Einheiten

7

Dezimalpräfixe		Unterschied (gerundet)	Binärpräfixe	
Name (Symbol)	Bedeutung ^[G 1]		IEC-Name (IEC-Symbol)	Bedeutung
Kilobyte (kB) ^[G 2]	10 ³ Byte = 1.000 Byte	2,40 %	Kibibyte (KiB) ^[G 3]	2 ¹⁰ Byte = 1.024 Byte
Megabyte (MB)	10 ⁶ Byte = 1.000.000 Byte	4,86 %	Mebibyte (MiB)	2 ²⁰ Byte = 1.048.576 Byte
Gigabyte (GB)	10 ⁹ Byte = 1.000.000.000 Byte	7,37 %	Gibibyte (GiB)	2 ³⁰ Byte = 1.073.741.824 Byte
Terabyte (TB)	10 ¹² Byte = 1.000.000.000.000 Byte	9,95 %	Tebibyte (TiB)	2 ⁴⁰ Byte = 1.099.511.627.776 Byte
Petabyte (PB)	10 ¹⁵ Byte = 1.000.000.000.000.000 Byte	12,6 %	Pebibyte (PiB)	2 ⁵⁰ Byte = 1.125.899.906.842.624 Byte
Exabyte (EB)	10 ¹⁸ Byte = 1.000.000.000.000.000.000 Byte	15,3 %	Exbibyte (EiB)	2 ⁶⁰ Byte = 1.152.921.504.606.846.976 Byte
Zettabyte (ZB)	10 ²¹ Byte = 1.000.000.000.000.000.000.000 Byte	18,1 %	Zebibyte (ZiB)	2 ⁷⁰ Byte = 1.180.591.620.717.411.303.424 Byte
Yottabyte (YB)	10 ²⁴ Byte = 1.000.000.000.000.000.000.000.000 Byte	20,9 %	Yobibyte (YiB)	2 ⁸⁰ Byte = 1.208.925.819.614.629.174.706.176 Byte

1. ↑ SI-Präfixe sind nur für SI-Einheiten standardisiert; Byte ist keine SI-Einheit
 2. ↑ wird gelegentlich mit „kB“ abgekürzt
 3. ↑ wird gelegentlich mit „KB“ abgekürzt, um den Unterschied zu „kB“ zu kennzeichnen (nicht standardisiert)

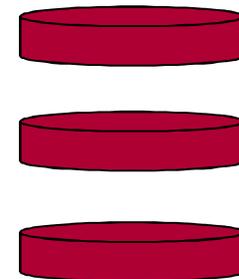
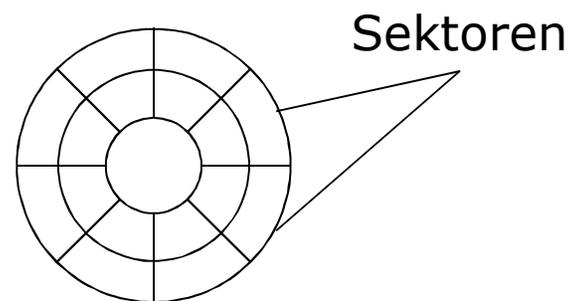
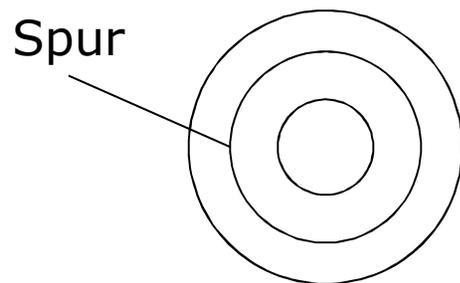
Für uns alles das gleiche!
Nur Zweierpotenzen!

Übersicht: Begriffe

8

- Sektor: Abschnitt einer Spur (fester Länge)
- Spur: Ein Kreis auf einer Oberfläche
- Platte und Oberfläche: selbsterklärend
- Zylinder: alle Spuren eines bestimmten Radius
 - Über die gesamte Höhe
- *Block – besteht aus 1 oder mehr Sektoren (use-case abhängig)*

Auswendig Lernen! :)



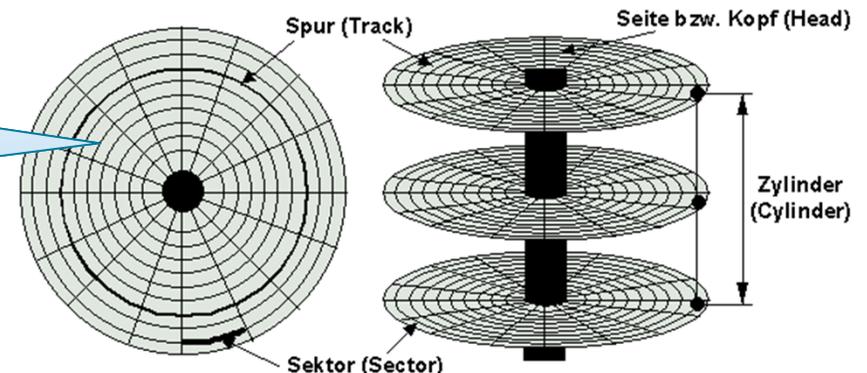
Übersicht: Physische Speicherstrukturen

9

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: $\emptyset 64$
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Oberflächen pro Platte: 2
- Anzahl Platten: 5
- Rotationsgeschwindigkeit: 5000 U/min
- Lesekopfbewegung über n Spuren: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Blockgröße: 1024 Byte
- Lücken pro Spur: 10 %

0,5 Start
 $0,002 \cdot n$ Bewegung
 0,5 Stop

Aufteilung der Sektoren auf den Spuren muss nicht tortenförmig sein!
 → evtl. außen mehr Sektoren



Aufgabe 1:

Speicherkapazität berechnen

10

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: \emptyset 64
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Oberflächen pro Platte: 2
- Anzahl Platten: 5

a) Gesucht: Kapazität einer Spur

$$K_{\text{Spur}} = \text{Sektorgröße} \cdot \text{Sektoren pro Spur} = 2^9 B \cdot 2^6 = 2^{15} B$$

b) Gesucht: Kapazität einer Oberfläche

$$K_{\text{Oberfläche}} = K_{\text{Spur}} \cdot \text{Spuren pro Oberfläche} = 2^{15} B \cdot 2^{11} = 2^{26}$$

c) Gesucht: Kapazität der Festplatte

$$K_{\text{Platte}} = K_{\text{Oberfläche}} \cdot \text{Anzahl Oberflächen} = 2^{26} \cdot 2 \cdot 5 = 10 \cdot 2^{26}$$

Speicherkapazität berechnen

11

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: \emptyset 64
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Oberflächen pro Platte: 2
- Anzahl Platten: 5

d) Gesucht: Anzahl Zylinder auf dieser Festplatte

2048 (= Anzahl Spuren)

e) Gesucht: Sind die folgenden Blockgrößen zulässig?

- 256 Byte Nein: Blöcke können nicht kleiner als 1 Sektor sein
- 1.024 Byte Ja: Block umfasst genau 2 Sektoren
- 51.200 Byte Nein: Pro Spur gibt es nur $2^{15}B = 32.768$ Byte

Aufgabe 2:

Latenzzeiten Begriffe

12

- Kommunikationszeit:
 - Zeit, die der Lesekopf braucht um die Informationen über den Bus zu schicken (vernachlässigbar klein)
- Suchzeit (Seek-Time)
 - Zeit, die der Lesekopf braucht um die richtige Spur zu erreichen
- Rotationszeit (rotational latency)
 - Zeit, die der Lesekopf braucht bis der richtige Teil der Spur unter ihn rotiert ist.
- Transferzeit
 - Zeit, die der Lesekopf braucht um alle Daten zu lesen
- Latenzzeit (latency)
 - Summe aus allen

Auswendig Lernen! :)

Aufgabe 2: Latenzzeiten berechnen

13

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: $\emptyset 64$
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Rotationsgeschwindigkeit: 5000 U/min
- Lesekopfbewegung über n Spuren: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Blockgröße: 1024 Byte
- Lücken pro Spur: 10 %

a) Gesucht: Minimale, maximale und durchschnittliche Latenzzeit zum Lesen eines Blocks

Latenzzeit = Kommunikation + Seek + Rotation + Transfer

vernachlässigbar

für alle drei Fälle gleich

Aufgabe 2: Latenzzeiten berechnen

14

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: $\emptyset 64$
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Rotationsgeschwindigkeit: 5000 U/min
- Lesekopfbewegung über n Spuren: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Blockgröße: 1024 Byte
- Lücken pro Spur: 10 %

a) Gesucht: Minimale, maximale und durchschnittliche Latenzzeit zum Lesen eines Blocks

Latenzzeit = Kommunikation + Seek + Rotation + Transfer

Rotationszeit = 1 U / Rotationsgeschw. = 1 / 5000 min = 12 ms

$T_{\text{Sektor}} = 12\text{ms} * 0.9 / 64 = 0,168\text{ms}$

$T_{\text{Lücke}} = 12\text{ms} * 0.1 / 64 = 0,018\text{ms}$

Blocklänge = 2 Sektoren + 1 Lücke (2. Lücke ist ja egal)

$L_{\text{Transfer}} = 0.168\text{ms} * 2 + 0,018\text{ms} = 0.35475\text{ms}$

Aufgabe 2: Latenzzeiten berechnen

15

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: $\emptyset 64$
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Rotationsgeschwindigkeit: 5000 U/min
- Lesekopfbewegung über n Spuren: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Blockgröße: 1024 Byte
- Lücken pro Spur: 10 %

a) Gesucht: Minimale, maximale und durchschnittliche Latenzzeit zum Lesen eines Blocks

Latenzzeit = Kommunikation + Seek + Rotation + Transfer

$$\begin{aligned} L_{\text{Transfer_min}} &= 0,35625 \text{ ms} && (= L_{\text{Transfer}}) \\ L_{\text{Seek_min}} &= 0 \text{ ms} && (\text{Lesekopf auf passender Spur}) \\ L_{\text{Rotation_min}} &= 0 \text{ ms} && (\text{Lesekopf genau vor dem Block}) \end{aligned}$$

$$L_{\text{min}} = 0,35625 \text{ ms} + 0 \text{ ms} + 0 \text{ ms} = 0,35625 \text{ ms}$$

Aufgabe 2: Latenzzeiten berechnen

16

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: $\emptyset 64$
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Rotationsgeschwindigkeit: 5000 U/min
- Lesekopfbewegung über n Spuren: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Blockgröße: 1024 Byte
- Lücken pro Spur: 10 %

a) Gesucht: Minimale, maximale und durchschnittliche Latenzzeit zum Lesen eines Blocks

Latenzzeit = Kommunikation + Seek + Rotation + Transfer

$$\begin{aligned} L_{\text{Transfer_max}} &= 0,35625 \text{ ms} && (= L_{\text{Transfer}}) \\ L_{\text{Seek_max}} &= (1 + 0,002 \cdot 2048) \text{ ms} = 5,096 \text{ ms} && (\text{über alle Spuren}) \\ L_{\text{Rotation_max}} &= 12 \text{ ms} && (\text{volle Rotation}) \end{aligned}$$

$$L_{\text{max}} = 0,35625 \text{ ms} + 5,096 \text{ ms} + 12 \text{ ms} = 17,45225 \text{ ms}$$

Aufgabe 2: Latenzzeiten berechnen

17

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: $\emptyset 64$
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Rotationsgeschwindigkeit: 5000 U/min
- Lesekopfbewegung über n Spuren: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Blockgröße: 1024 Byte
- Lücken pro Spur: 10 %

a) Gesucht: Minimale, maximale und durchschnittliche Latenzzeit zum Lesen eines Blocks

Latenzzeit = Kommunikation + Seek + Rotation + Transfer

$$\begin{aligned} L_{\text{Transfer_avg}} &= 0,35625 \text{ ms} \\ L_{\text{Seek_avg}} &= (1 + 0,002 \cdot 2048 / 3) \text{ ms} \approx 2,355 \text{ ms} \quad \begin{matrix} (= L_{\text{Transfer}}) \\ \text{(avg. Distanz)} \end{matrix} \\ L_{\text{Rotation_avg}} &= 12 \text{ ms} / 2 = 6 \text{ ms} \quad \begin{matrix} \text{(halbe Rotation)} \end{matrix} \\ \\ L_{\text{avg}} &= 0,35625 \text{ ms} + 2,355 \text{ ms} + 6 \text{ ms} = 8,71125 \text{ ms} \end{aligned}$$

“1/3 der Spuren”
ist eine gute An-
näherung

$\neq L_{\text{Seek_max}} / 2$

Aufgabe 3: Daten speichern

18

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: Ø 64
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Oberflächen pro Platte: 2
- Anzahl Platten: 5
- Blockgröße: 1024 Byte

- Datei mit 100.000 Tupeln der Größe 100 Byte
- Es gibt keine Tupel, die auf mehrere Blöcke aufgeteilt sind

a) Gesucht: Anzahl Tupel pro Block

$$\begin{aligned}\text{Tupel pro Block} &= \lfloor (\text{Blockgröße} / \text{Tupelgröße}) \rfloor \\ &= \lfloor (1024 \text{ Byte} / 100 \text{ Byte}) \rfloor \\ &= 10\end{aligned}$$

Aufgabe 3: Daten speichern

19

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: Ø 64
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Oberflächen pro Platte: 2
- Anzahl Platten: 5
- Blockgröße: 1024 Byte

- Datei mit 100.000 Tupeln der Größe 100 Byte
- Es gibt keine Tupel, die auf mehrere Sektoren aufgeteilt sind

b) Gesucht: Anzahl Blöcke für vollständige Datei

$$\begin{aligned}\text{Blöcke für Datei} &= \lceil (\text{Anzahl Tupel} / \text{Tupel pro Block}) \rceil \\ &= \lceil (100.000 / 10) \rceil \\ &= 10.000\end{aligned}$$

Aufgabe 3: Daten speichern

20

- Sektorgröße: 512 Byte
 - Sektoren pro Spur: \emptyset 64
 - Spuren pro Oberfläche: 2048
 - Oberflächen pro Platte: 2
 - Anzahl Platten: 5
 - Blockgröße: 1024 Byte

 - Datei mit 100.000 Tupeln der Größe 100 Byte
 - Es gibt keine Tupel, die auf mehrere Sektoren aufgeteilt sind
- c) Gesucht: Maximale Anzahl Tupel auf der gesamten Festplatte

Aufgabe 3: Daten speichern

21

- Sektorgröße: 512 Byte
- Sektoren pro Spur: $\emptyset 64$
- Spuren pro Oberfläche: 2048
- Oberflächen pro Platte: 2
- Anzahl Platten: 5
- Blockgröße: 1024 Byte

- Datei mit 100.000 Tupeln der Größe 100 Byte
- Es gibt keine Tupel, die auf mehrere Sektoren aufgeteilt sind

c) Gesucht: Maximale Anzahl Tupel auf der gesamten Festplatte

$$\begin{aligned}\text{Blöcke pro Spur} &= \text{Sektoren pro Spur} / \text{Sektoren pro Block} \\ &= 2^6 B / (2^{10} B / 2^9 B) = 2^5\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Tupel pro Festplatte} &= \text{Tupel pro Block} \cdot \text{Blöcke pro Spur} \cdot \text{Spuren} \\ &\quad \text{pro Oberfläche} \cdot \text{Oberflächen pro Platte} \cdot \\ &\quad \text{Anzahl Platten} \\ &= 10 \cdot 2^5 \cdot 2^{11} \cdot 2 \cdot 5 = 100 \cdot 2^{16}\end{aligned}$$

Aufgabe 4: Daten lesen

22

- Anzahl Zylinder: 8192
- Seekzeit für n Zylinder: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Rotationszeit: \emptyset 6,5 ms
- Transferzeit: \emptyset 0,5 ms
- Initiale Lesekopfposition: 4000

▪ Anfragen:	Eintreffen der Anfrage	0 ms	3 ms	11 ms	19 ms
	Angefragter Zylinder	6500	2000	8000	3500

- a) Gesucht: Bearbeitung der Anfragen mit **First-Come, First-Served**
- b) Gesucht: Bearbeitung der Anfragen mit dem **Elevator Algorithmus**

Daten Lesen

Wiederholung: Elevator Algorithm

23

- Lesekopf streicht über die Oberfläche
 - Hält an Zylinder an wenn dort IO-Anfrage benötigt wird
 - Dreht um falls in der momentanen Richtung keine IO-Anfrage mehr zu bearbeiten ist

Aufgabe 4: Daten lesen

Eintreffen der Anfrage	0 ms	3 ms	11 ms	19 ms
Angefragter Zylinder	6500	2000	8000	3500

24

- Anzahl Zylinder: 8192
- Seekzeit für n Zylinder: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Rotationszeit: \emptyset 6,5 ms
- Transferzeit: \emptyset 0,5 ms
- Initiale Lesekopfposition: 4000

Anfangsbeispiel

Start Time	Lesekopf-Position	Request Queue	Duration	Direction
0ms	4000	6500		

Aufgabe 4: Daten lesen

Eintreffen der Anfrage	0 ms	3 ms	11 ms	19 ms
Angefragter Zylinder	6500	2000	8000	3500

25

- Anzahl Zylinder: 8192
- Seekzeit für n Zylinder: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Rotationszeit: \emptyset 6,5 ms
- Transferzeit: \emptyset 0,5 ms
- Initiale Lesekopfposition: 4000

Anfangsbeispiel

Start Time	Lesekopf-Position	Request Queue	Duration	Direction
0ms	4000	6500	$(1+0,002 \cdot 2500)+6,5+0,5$ =13ms	→
13ms				

Aufgabe 4: Daten lesen

Eintreffen der Anfrage	0 ms	3 ms	11 ms	19 ms
Angefragter Zylinder	6500	2000	8000	3500

26

- Anzahl Zylinder: 8192
- Seekzeit für n Zylinder: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Rotationszeit: \emptyset 6,5 ms
- Transferzeit: \emptyset 0,5 ms
- Initiale Lesekopfposition: 4000

First-Come, First-Served

Start Time	Lesekopf-Position	Request Queue	Duration	Direction
0ms	4000	6500	$(1+0,002 \cdot 2500)+6,5+0,5$ =13ms	→
13ms	6500	2000 8000	$(1+0,002 \cdot 4500)+6,5+0,5$ =17ms	←
30ms	2000	8000 3500	$(1+0,002 \cdot 6000)+6,5+0,5$ =20ms	→
50ms	8000	3500	$(1+0,002 \cdot 4500)+6,5+0,5$ =17ms	←
67ms				

Aufgabe 4: Daten lesen

Eintreffen der Anfrage	0 ms	3 ms	11 ms	19 ms
Angefragter Zylinder	6500	2000	8000	3500

27

- Anzahl Zylinder: 8192
- Seekzeit für n Zylinder: $(1 + 0,002 \cdot n)$ ms
- Rotationszeit: \emptyset 6,5 ms
- Transferzeit: \emptyset 0,5 ms
- Initiale Lesekopfposition: 4000

Elevator Algorithmus

Start Time	Lesekopf-Position	Request Queue	Duration	Direction
0ms	4000	6500	$(1+0,002 \cdot 2500)+6,5+0,5$ =13ms	→
13ms	6500	8000 2000	$(1+0,002 \cdot 1500)+6,5+0,5$ =11ms	→
24ms	8000	3500 2000	$(1+0,002 \cdot 4500)+6,5+0,5$ =17ms	←
41ms	3500	2000	$(1+0,002 \cdot 1500)+6,5+0,5$ =11ms	←
52ms				

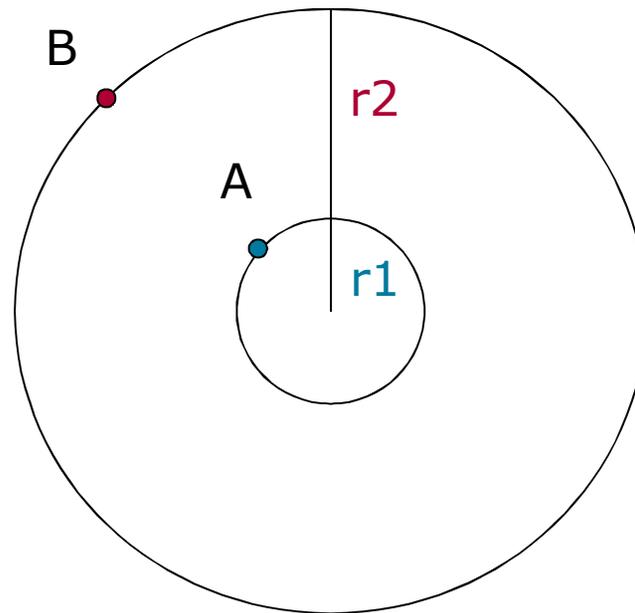
- Rotations- und Lesekopfgeschwindigkeit sind konstant, d.h.
 - Rotationslatenz unverändert
 - sequentielle Datentransferrate ist auf äußeren Spuren größer, falls dort mehr Sektoren pro Spur angelegt wurden
 - Was ist mit der Seektime?
 - ◇ Geschwindigkeit des Lesekopfes ist gleich...
 - ◇ ... aber die durchschnittliche Anzahl an zu überquerenden Spuren ist in der Mitte am geringsten

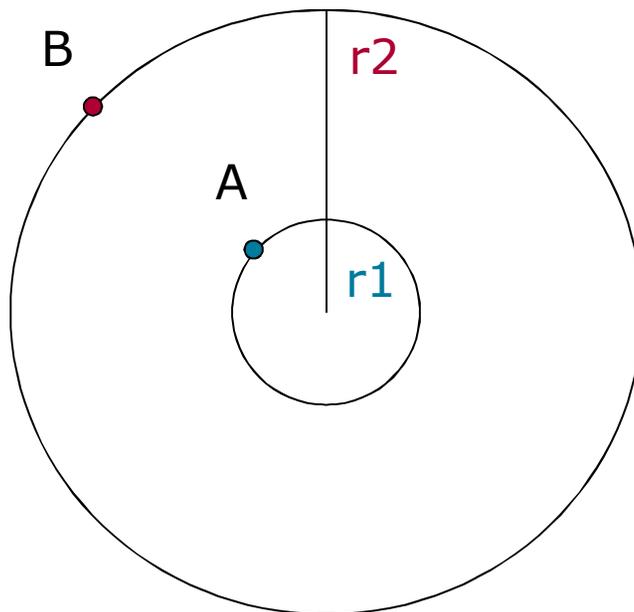
Aufgabe 5:

Daten auf verschiedenen Spuren

29

- Warum ist Lesen/Schreiben auf der äußeren Spur schneller?





- Beide Punkte legen eine Umdrehung in der gleichen Zeit zurück (Gleiche Winkelgeschwindigkeit)
- Zurückgelegte Strecke = Umfang Kreis = $2 \cdot \pi \cdot r$
- $r1 < r2 \rightarrow$ B bewegt sich mit größerer Geschwindigkeit als A (Bahngeschwindigkeit)
- \rightarrow Sektoren die auf Spur B liegen werden schneller gelesen

- Wo sollte man daher die folgenden Dateien für die genannten Zugriffe positionieren (innen, mitte, außen)?
 - seltene, sequentielle Scans ...
 - ◇ einer großen Datei
 - ◇ einer kleinen Datei
 - häufiger, random Zugriff auf ...
 - ◇ eine kleine Datei
 - ◇ eine große Datei per Index

- Wo sollte man daher die folgenden Dateien für die genannten Zugriffe positionieren (innen, mitte, außen)?
 - seltene, sequentielle Scans ...
 - ◇ einer großen Datei: **außen**
 - Kosten dominiert durch sequentiellen Datentransfer
 - Sequentieller Datentransfer ist außen am schnellsten
 - ◇ einer kleinen Datei: **innen**
 - Kosten dominiert durch initialen Seek und Rotation (Lesen einer kleinen Datei ist effektiv Random I/O)
 - Innen wird nichts optimiert, aber das Lagern kleiner, selten zugriffener Dateien tut hier am wenigsten weh

- Wo sollte man daher die folgenden Dateien für die genannten Zugriffe positionieren (innen, mitte, außen)?
 - häufiger, random Zugriff auf ...
 - ◇ eine kleine Datei: **mitte**
 - Kosten dominiert durch Seek und Rotation
 - Seek wird in der Mitte minimiert (Wegen häufigem Zugriff ist die Optimierung der Seektime hier am wichtigsten)
 - ◇ eine große Datei per Index: **innen**
 - Kosten dominiert durch häufigen Seek zwischen Datei und Index
 - Seek wird durch nahes Zusammenlegen minimiert
 - Beim Platzieren innen sparen wir den jeweils wertvollen äußeren und mittleren Platz

Annahme: Index
Steht bei Datei

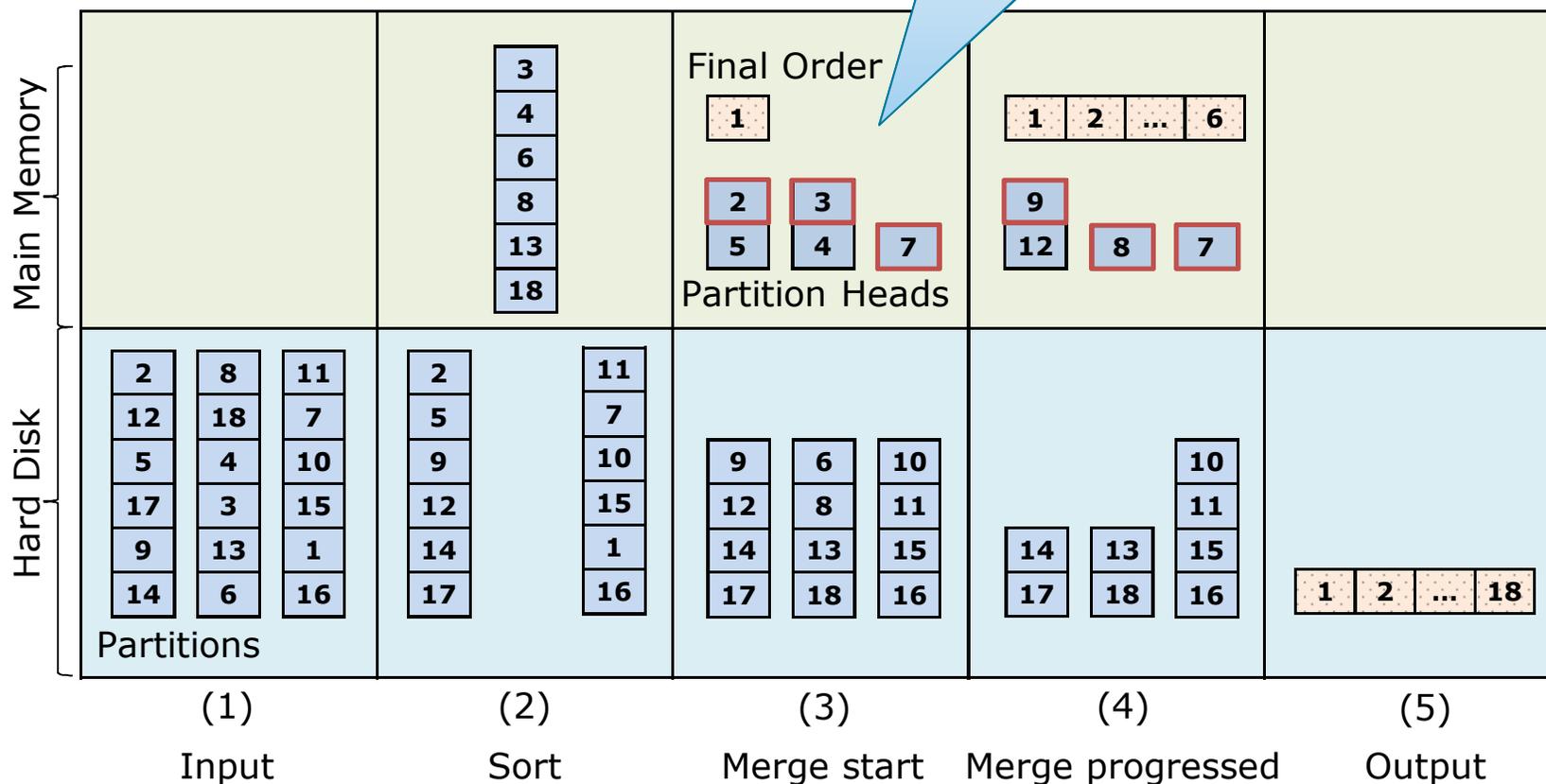
Aufgabe 6:

Daten sortieren: TPMMS

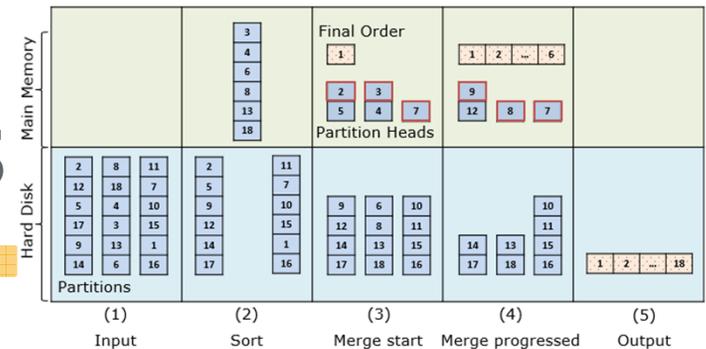
34

Prefetching! Vorteil?

Algorithmus:



Aufgabe 6: Daten sortieren: TPMMS



35

Gedankenspiel: Three-Phase-Multiway-Merge-Sort

1. Warum könnte er notwendig sein?

Es passen nicht alle Köpfe vorsortierter Teillisten in den RAM.

2. Wie könnte ein Three-Phase-Multiway-Merge-Sort funktionieren?

P1: Sort; P2: (Pre-)Merge jeweils n Teillisten; P3: Merge alle Listen

Um wie viel steigen die Lese- und Schreibkosten?

1 x alle Tupel lesen + 1 x alle Tupel schreiben

3. Die Partitionen müssen nicht unbedingt Hauptspeicher-groß sein.

Welche Vorteile könnte eine Partitionsgröße $\frac{\text{Hauptsp}^e}{2} \text{größe}$ haben?

Sortieren im RAM müsste nicht in-place sein und ist so $O(n \cdot \log(n))$